

Algoritmi di Ricerca con Sub-Ottimalità Vincolata

Seminario per il corso di IA 2023 - 2024

Alfonso E. Gerevini¹, **Francesco Percassi**²,

¹ Dipartimento di Ingegneria dell'Informazione, Università degli Studi di Brescia, Italia

² School of Computing and Engineering, University of Huddersfield, UK



Table of Contents

- 1 Preliminari
- 2 Algoritmi BSS
- 3 Algoritmi BCS & Migrazione
- 4 Algoritmi Anytime
- 5 Ricerca con Soft-Bound
- 6 Conclusioni

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni

Preliminari

Problema di Search

Un **problema di search** è una tupla $\langle S, s_{init}, succ(s), c(s, s'), G \rangle$ dove:

- ◇ S è un insieme di stati;
- ◇ $s_{init} \in S$ è lo stato iniziale;
- ◇ $succ(s)$ è la funzione che restituisce i **successori** di s , i.e., $succ(s) \subseteq S$;
- ◇ $c(s, s')$ è la funzione che associa alla transizione da s a s' un **costo**;
- ◇ $G \subseteq S$ è l'insieme dei goal.

Obiettivo

Trovare un **path** da s_{init} ad uno stato in G . Il **costo** di questo path è uguale al costo di tutte le transizioni che ne fanno parte.

Nodo

Un **nodo** n rappresenta uno stato più il path necessario per raggiungerlo a partire da s_{init} . Indichiamo con $g(n)$ il **costo** di questo path.

Euristica cost-to-go, Euristica Perfetta & Euristica distance-to-go

Dato un nodo n , denotiamo con:

- ◇ $h(n)$, la stima del costo per raggiungere G (**cost-to-go**);
- ◇ $d(n)$, la stima del numero di transizioni per raggiungere G (**distance-to-go**);
- ◇ $h^*(n)$, **l'euristica perfetta**.

Euristica Ammissibile

Una euristica si dice **ammissibile** se, per ogni nodo n , $h(n) \leq h^*(n)$. *Non ammissibile* in caso contrario.

Best-First Search, Greedy Best First Search (GBFS) & A^*

[Hart et al., 1968]

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni

- ◇ Strategia di ricerca **informata** per risolvere un problema di search.

Function Best-First-Search(start state s_{init}):

```
OPEN  $\leftarrow$  { $s_{init}$ };  
while OPEN  $\neq$   $\emptyset$  do  
    |  $best \leftarrow$  chooseNode(OPEN);  
    | OPEN = OPEN  $\setminus$  { $best$ };  
    | if  $best \in G$  then  
    | |   return  $best$ ;  
    | end  
    | OPEN  $\leftarrow$  OPEN  $\cup$  succ( $n$ )  
end
```

- ◇ se chooseNode usa $h(n)$: GBFS
- ◇ se usa $f(n) = g(n) + h(n)$: A^* ;
 - se $h(n)$ **ammissibile**, A^* produce soluzione **ottima**.

Classificazione Problemi Sub-Ottimi

Classifichiamo un algoritmo **sub-ottimo** in funzione delle garanzie che fornisce sulle soluzioni prodotte:

- ◇ **Any Solution**: non viene imposto alcun requisito, e.g., GBFS;
- ◇ **Sub-ottimalità vincolata**:
 - **Bounded Cost Search (BCS)**: vincoliamo *esplicitamente* il costo delle soluzioni;
 - **Bounded Sub-Optimal Search (BSS)**: vincoliamo il costo in modo *parametrico*.

Bounded Cost Search (BCS) [Stern et al., 2011]

- ◇ BCS vincola **esplicitamente** il costo delle soluzioni valide.

Problema di Search BCS

- ◇ Definizione: $\langle S, s_{init}, succ(s), c(s, s'), G, C \rangle$ dove C è un **costo**;
- ◇ un path è una soluzione **valida** se e soltanto se $c(path) \leq C$;
- ◇ se non esiste una soluzione tale per cui $c(path) \leq C$, il problema è **irrisolvibile**.

Bounded Sub-Optimal Search (BSS)

- ◇ BSS vincola in modo **parametrico** le soluzioni considerate valide, senza conoscere a priori un valore indicativo C .

Problema di Search BSS

- ◇ Definizione: $\langle S, s_{init}, succ(s), c(s, s'), G, w \rangle$ dove w è un **parametro** che controlla la sub-ottimalità;
- ◇ un path è una soluzione **valida** se e soltanto se $c(path) \leq w \cdot C_{opt}$, dove $w \geq 1$ e C_{opt} è il costo del path ottimo; tale soluzione è detta **w -ammissibile**;
- ◇ **Intuizione**: se $w = 2$ ammettiamo come valide tutte quelle soluzioni il cui costo non eccede il doppio del costo della soluzione ottima.

Perchè la sub-ottimalità vincolata è importante?

- ◇ Molti problemi di search sono **computazionalmente impossibili** da risolvere in modo ottimo;
 - e.g., planning;
- ◇ in molti ambiti non siamo interessati a trovare una soluzione ottima;
 - ci “accontentiamo” di una soluzione sub-ottima purché rispetti certi requisiti;
- ◇ la sub-ottimalità vincolata pone le medesime sfide della search ottima ma è **computazionalmente più scalabile**.

Algoritmi BSS

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni

- ◇ Tutti gli algoritmi per BSS sono varianti della **Focal Search**;
 - Per garantire w -ammissibilità, ingrediente fondamentale: $h(n)$ ammissibile.

- ◇ **Caratteristiche chiave:**

- Oltre alla frontiera OPEN, abbiamo la $\text{FOCAL} \subseteq \text{OPEN}$:

$$\text{FOCAL} = \{n \in \text{OPEN} \mid g(n) + h(n) \leq w \cdot f_{\min}\}$$

$$f_{\min} = \min_{n \in \text{OPEN}} f(n)$$

- l'estrazione dei nodi è limitata alla FOCAL list.

- ◇ **Importante:** f_{\min} è un **lower bound** per il costo ottimo, dunque:

$$g(n) + h(n) \leq w \cdot f_{\min} \leq w \cdot C_{\text{opt}}$$

Weighted A^* Search [Pohl, 1970]

- ◇ wA^* **generalizza** A^* cambiando la funzione impiegata per decidere quale nodo espandere prioritariamente; dato $w \geq 1$:

$$f(n) = g(n) + w \cdot h(n)$$

- le soluzioni prodotte sono w -ammissibili;
 - se $w = 1$, $wA^* = A^*$;
 - se $w \rightarrow \infty$, $wA^* \rightarrow$ GBFS (i nodi prioritarizzati unicamente secondo $h(n)$)
-
- ◇ wA^* è un caso speciale di Focal Search (che non fa uso esplicito di FOCAL).

Debolezza di A_ϵ^* (e wA^*) per BSS

- ◇ Entrambi questi algoritmi usano una sola euristica con un duplice ruolo:
 - ① guidare la ricerca verso il goal;
 - ② garantire la w -ammissibilità.
- ◇ **Explicit Estimation Search (EES)** [Thayer and Ruml, 2011]
 - **Intuizione:** disaccoppiare, da un punto di vista euristico, ① e ②;
 - combinare **cost-to-go** (w -ammissibilità) con **distance-to-go** (goal).

Explicit Estimation Search (EES) [Thayer and Ruml, 2011]

◇ Ingredienti per EES:

- $h(n)$, euristica ammissibile *cost-to-go*;
- $\hat{h}(n)$, euristica non ammissibile *cost-to-go*;
- $\hat{d}(n)$, euristica non ammissibile *distance-to-go*.

◇ Per selezionare quale nodo espandere vengono usate le funzioni:

costo : $f(n) = g(n) + h(n)$;

costo : $\hat{f}(n) = g(n) + \hat{d}(n)$;

distanza : $\hat{d}(n)$;

Explicit Estimation Search (EES) - Selezione Nodo

- ◇ Durante la search viene tenuta traccia dei seguenti nodi notevoli:
 - $best_f = \operatorname{argmin}_{n \in \text{OPEN}} f(n)$
 - $best_{\hat{f}} = \operatorname{argmin}_{n \in \text{OPEN}} \hat{f}(n)$
 - $best_{\hat{d}} = \operatorname{argmin}_{n \in \text{OPEN} \wedge \hat{f}(n) \leq w \cdot \hat{f}(best_{\hat{f}})} \hat{d}(n)$
- ◇ Ad ogni espansione viene scelto un nodo tra $\{best_f, best_{\hat{f}}, best_{\hat{d}}\}$ secondo:
 - 1 se $\hat{f}(best_{\hat{d}}) \leq w \cdot f(best_f)$ allora espandi $best_{\hat{d}}$;
 - 2 se $\hat{f}(best_{\hat{f}}) \leq w \cdot f(best_f)$ allora espandi $best_{\hat{f}}$;
 - 3 altrimenti espandi $best_f$

EES vs wA^*

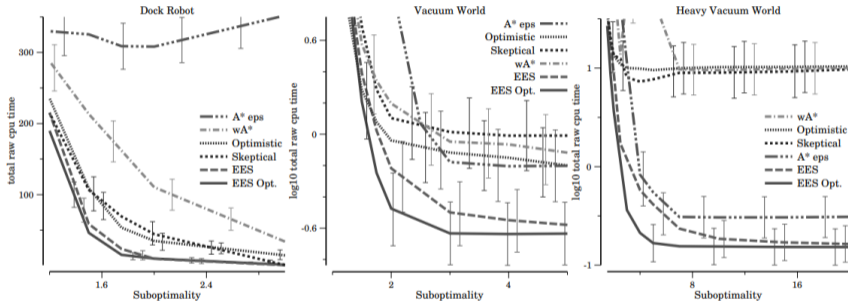


Figure: CPU Runtime (asse y) per EES & wA^* al variare della sub-ottimalità w (asse x). Fonte: [Thayer and Ruml, 2011].

Algoritmi BCS & Migrazione

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni

Potential Search (PS) [Stern et al., 2011]

- ◇ **Memo:** una soluzione è valida nel framework BCS se $c(\text{path}) \leq C$;
- ◇ **Intuizione:** espandiamo prioritariamente i nodi che **massimizzano la probabilità** che questi siano parte di un path avente costo $\leq C$;

- ◇ **Funzione potenziale:**

$$u(n) = \frac{C - g(n)}{h(n)}$$

- a parità di $h(n)$ scegliamo il nodo avente $g(n)$ minimo;
 - a parità di $g(n)$, scegliamo il nodo avente $h(n)$ minimo.
- ◇ Scartiamo (**potiamo**) tutti i nodi tali per cui $g(n) + h(n) > C$

Migrazione da BCS a BSS (e viceversa)

- ◇ BCS e BSS sono **strutturalmente** simili;
- ◇ **Differenza:**
 - BCS, vincolo **statico** ($g(n) + f(n) \leq C$);
 - BSS, vincolo **dinamico** ($g(n) + f(n) \leq w \cdot f_{min}$);
- ◇ Possiamo **migrare** ogni algoritmo per BCS a BSS purché:
 - abbia una struttura best-first;
 - poti tutti i nodi che eccedono C .

Dynamic Potential Search (DPS) [Gilon et al., 2016]

- ◇ Adattiamo la funzione potenziale $u(n)$ di PS:

$$u(n) = \frac{C - g(n)}{h(n)} \Rightarrow u(n) = \frac{w \cdot f_{min} - g(n)}{h(n)}$$

- ◇ **Proprietà teorica:** similmente a wA^* , DPS produce soluzioni w -ammissibili senza esplicitare FOCAL;
- ◇ **Problema:** gestione dei valori euristici in OPEN che cambiano dinamicamente al variare f_{min} .

Da BSS a BCS - Bounded-Cost Explicit Estimation Search (BEES)

[Thayer et al., 2012b]

- ◇ Similmente, un algoritmo per BSS può essere adattato al contesto BCS;
- ◇ Il nodo avente **priorità massima** in EES, i.e., $best_{\hat{d}}$, viene ridefinito come:

$$best_{\hat{d}} = \underset{n \in OPEN \wedge \hat{f}(n) \leq w \cdot \hat{f}(best_{\hat{f}})}{\operatorname{argmin}} \hat{d}(n) \Rightarrow best_{\hat{d}_C} = \underset{n \in OPEN \wedge \hat{f}(n) \leq C}{\operatorname{argmin}} \hat{d}(n)$$

- ◇ **Selezione Nodi:**

se esiste nodo $n \in OPEN$ t.c. $\hat{f}(n) \leq C$ allora scegli $best_{\hat{d}_C}$
altrimenti scegli $best_{\hat{f}}$

Algoritmi Anytime

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni

- ◇ **Contesto:** produrre una soluzione **approssimata** entro un **walltime**;
- ◇ **Strategia Anytime:**
 - produrre delle soluzioni di qualità **crescente**;
 - maggiore walltime, maggiore qualità delle soluzioni prodotte;
 - *anytime*, in quanto possono essere interrotti in qualunque momento.

- ◇ **Continued Search:**

si prosegue nella ricerca fino a che non si **esaurisce** OPEN;

- ◇ **Repairing Search:**

per ogni soluzione trovata si **rimodulano** i parametri della ricerca per orientarla verso soluzioni di maggiore qualità;

- ◇ **Restarting Search:**

per ogni soluzione trovata si **riavvia** la ricerca.

Repairing Search - Anytime Repairing A^* (ARA *)

[Likhachev et al., 2003]

- ◇ Uso di $h(n)$ ammissibile;
- ◇ Uso di wA^* con w dinamico;
- ◇ **Riparazioni** ogniqualvolta viene provata la w -ammissibilità di una soluzione:
 - w viene decrementato (convergenza verso qualità migliore);
 - i valori euristici in OPEN vengono ricalcolati secondo il nuovo w .
- ◇ **Debolezza** (scoperta a posteriori): *low h -bias*.

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni

Low h -bias in ARA*

Low h -bias

- ◇ ARA* preserva OPEN per ogni *fase* di search;
- ◇ ogniqualvolta viene trovata una soluzione, permangono in OPEN molti nodi prossimi al goal s_g con valutazioni **euristiche molto basse**;
- ◇ bias *esacerbato* dall'aggiornamento di OPEN mediante il decremento di w .

Conseguenze su OPEN

- ◇ poca diversificazione = scarsa esplorazione;
- ◇ espansione di stati nell'intorno di s_g .

Restarting Anytime wA^* - RwA^* [Richter et al., 2010]

- ◇ Basato sull'idea, *controintuitiva*, di **riavviare** la ricerca quando viene trovata una soluzione;
- ◇ low h -bias emendato da azzeramento OPEN;
- ◇ Sequenza di episodi di ricerca wA^* con peso decrescente secondo $\mathcal{W} = [5, 3, 2, 1.5, 1]$;
- ◇ RwA^* è stato implementation con successo nel pianificatore LAMA.

Restarting vs Repairing - Risultati Sperimentali

- La congettura sul low h -bias è dimostrata sperimentalmente.

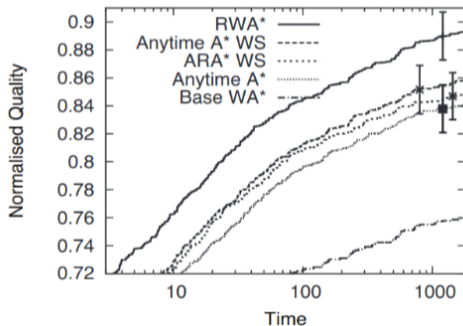


Figure: Qualità soluzioni trovate (asse y) over time (asse x) ARA* e RWA*. Fonte: [Richter et al., 2010].

Algoritmi Anytime *Principled*

- ◇ ARA^* e RwA^* *presuppongono* una conoscenza a priori:
 - Sequenza di pesi w impiegata;
- ◇ per ARA^* , w_0 settato arbitrariamente e poi decrementato del 2% per ogni fase di search;
- ◇ per RwA^* , $\mathcal{W} = [5, 3, 2, 1.5, 1]$;
- ◇ **Soluzione:** sfruttare algoritmi BSS/BCS per ottenere degli algoritmi Anytime **metodici**.

Algoritmi Anytime *Principled* - Anytime Non Parametric A^* (ANA *) [van den Berg et al., 2011]

- ◇ Adattamento Potential Search al contesto Anytime;
- ◇ **Privo di parametri;**
- ◇ Dato l' i -esimo di ricerca episodio, viene espanso il nodo che minimizza la funzione:

$$u(n) = \frac{C_{i-1} - g(n)}{h(n)}$$

dove C_{i-1} è il costo della soluzione trovata all'episodio $i - 1$ (*incumbent solution*);

- C_0 inizializzato con un valore arbitrariamente grande.

- ◇ **Memo:** EES è un algoritmo potente per BSS che garantisce w -ammissibilità.
- ◇ **Intuizione:** usare EES come mattoncino in contesto anytime
 - Prima iterazione settiamo $w = \infty$, dunque GBFS;
 - Ricalcoliamo w in base al costo dell'ultima soluzione trovata.
- ◇ **Vantaggio:** schedule **dinamico** dei parametri \mathcal{W} ,
laddove prima era **statico**.
- ◇ **Obiettivo:** Ottenere una **performance ideale** di algoritmo Anytime.

Anytime EES [ii] - Nozione di Performance Ideale

Performance Ideale

Dato un algoritmo χ , denotiamo con π_i^X la i -esima soluzione trovata dall'algoritmo χ al tempo $t(\pi_i^X)$. Un algoritmo Anytime realizza una **performance** ideale quando **minimizza** $t(\pi_{i+1}^X) - t(\pi_i^X)$

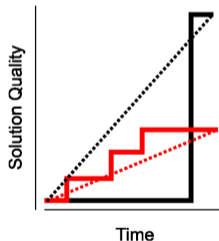


Figure 2: Maximizing $\frac{\Delta q}{\Delta t}$ is not ideal.

Figure: Fonte: [Thayer et al., 2012a].

AEES(*root*)

1. $open \leftarrow \{root\}, cost \leftarrow \infty, w \leftarrow \infty$
2. **while** $open \neq \{\}$
3. let $n = selectNode(open, w)$ **in**
4. **if** $f(n) \geq cost$ **then** **continue**
5. **else if** $goal_p(n)$ **then** $onGoal(n, w, cost, open)$
6. **else** $expand(n, open, cost)$
7. $open \leftarrow open - \{n\}$
8. **for each** child c of n
9. **if** $f(c) < cost$ **then** $open \leftarrow open \cup \{c\}$

onGoal(*n*, *w*, *cost*, *open*)

1. **if** $g(n) < cost$
2. **then** let $best_f = \operatorname{argmin}_{n \in open} f(n)$ **in**
3. $cost \leftarrow g(n)$
4. $w \leftarrow \frac{cost}{f(best_f)}$

selectNode(*open*, *w*)

1. **if** $\hat{f}(best_{\hat{d}}) \leq w \cdot f(best_f)$ **then** $best_{\hat{d}}$
2. **else if** $\hat{f}(best_{\hat{r}}) \leq w \cdot f(best_f)$ **then** $best_{\hat{r}}$
3. **else** $best_f$

- ◇ In AEES, per ogni soluzione trovata, w viene rimodulato secondo la formula:

$$w = \frac{cost}{f(best_f)} = \frac{cost}{f_{min}}$$

Figure: Fonte: [Thayer et al., 2012a]

Ricerca con Soft-Bound

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni

Contesto

Supponiamo di disporre di una **stima (potenzialmente inaccurata)** per un problema di pianificazione. Tale stima può provenire da:

- ◇ un esperto del dominio che si intende risolvere;
- ◇ generata automaticamente da un **predittore**;

Inoltre:

- ◇ può essere significativamente **inaccurata**;
- ◇ l'inaccuratezza impedisce di mutuare (direttamente) gli algoritmi BSS/BCS.

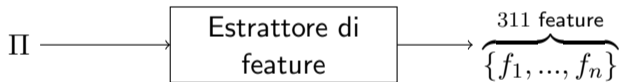
Sfida

È possibile migliorare le performance di un algoritmo di search sfruttando questa stima?

- ◇ Dato un problema di planning Π , è possibile estrarre delle **feature** rilevanti;
- ◇ Queste feature rappresentano **aspetti strutturali** di Π (*impronta digitale*);
- ◇ **Esempi:**
 - numero di variabili, azioni, azioni rimosse, numero di oggetti, etc.
 - landmarks, composizione dei landmarks, etc.

Soft Bound - Predire una Stima [ii]

- ◇ Dato un problema di planning Π , estraiamo **311 feature** prodotte da diverse sorgenti:
 - preprocessing di FastDownard [Helmert, 2006];
 - preprocessing di LPG [Gerevini et al., 2003];
 - codifiche di Π , i.e., PDDL, SAS, SAT;



- ◇ Costruiamo un dataset composto da coppie $\{\overbrace{\{f_1, \dots, f_n\}}^{\Pi}, C\}$ dove C è il costo di una soluzione per Π e **alleniamo un modello** per predire C .
- ◇ L'uso delle feature ci permette di ottenere un predittore **domain-independent**.

Soft Bound - $h^{discount}(\cdot)$ [i]

- ◇ Definizione di una euristica $h^{discount}(\cdot)$ **sensibile** alla stima C
- ◇ **Ingredienti:**
 - $g(n)$, $h^{search}(n)$ non ammissibile, $h^\delta(n)$ ammissibile, C costo stimato;
- ◇ Schema di ricerca adottato wA^* :

$$f(n) = g(n) + w \cdot h^{discount}(g(n), h^{search}(n), h^\delta(n), C)$$

Soft Bound - $h^{discount}(\cdot)$ [ii] [Percassi et al., 2020]

- ◇ $h^{discount}$ è progettata per accelerare la convergenza della search verso una soluzione di costo $\geq C$:

$$h^{discount}(\cdot) = h^{search}(n) \cdot \frac{C}{g(n) + h^\delta(n)};$$

- ◇ h^{search} viene modulata mediante il **fattore moltiplicativo** dimodoché:
 - siano **penalizzati** i nodi tali che $g(n) + h^\delta(n) \ll C$;
 - siano **promossi** i nodi tali che $g(n) + h^\delta(n) \gg C$.

Soft Bound - Gestione Stime Inaccurate

- ◇ Se $C \rightarrow C^{opt}$, viene scontata una porzione dello spazio di ricerca molto estesa;
- ◇ Se $C \leq C^{opt}$, degenerazione in una **ricerca a costo uniforme**

- ◇ **Soluzione proposta:**

$$h^{discount-pr}(\cdot) = h^{search}(n) \cdot \left(\frac{C}{g(n) + h^\delta(n)} \right)^{1-p_{rate}}$$

$$p_{rate} = \frac{|\{n \in \text{EXPNODES} \mid g(n) + h^\delta(n) > C\}|}{|\text{EXPNODES}|}$$

- ◇ $0 \leq p_{rate} \leq 1$ misura la % di nodi espansi il cui lower-bound supera C ;
- ◇ p_{rate} spegne gradualmente l'effetto di C su h^{search} .

Soft Bound - Risultati Sperimentali

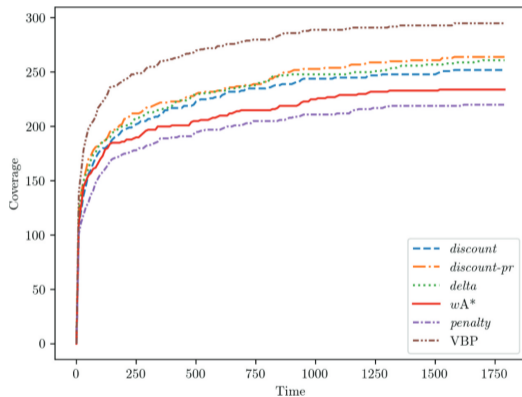


Figure: Coverage (asse y) over Time (asse x) per wA^* e ricerca condizionata dalla stima ($h^{discount}$, $h^{discount-pr}$). Fonte: [Percassi et al., 2021].

Conclusioni

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione


Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound





Conclusioni

- ◇ Formalizzazione di due paradigmi di ricerca sub-ottima vincolata:
 - BSS: Focal-Search, A_ϵ^* , wA^* & EES;
 - BCS: PS;
- ◇ BSS & BCS perseguono lo stesso obiettivo:
 - migrazione BCS \rightarrow BSS: PS \rightarrow DPS;
 - migrazione BSS \rightarrow BCS: EES \rightarrow BEES;
- Algoritmi Anytime:
 - parametrici: ARA^* & RwA^* ,
 - non-parametrici: ANA^* & AEES;
- Euristiche sensibili ad una stima (soft bound):
 - ◇ $h^{discount}$ & $h^{discount-pr}$;
- **Bonus:** Risultati aggiornati e compendio BSS [Fickert et al., 2022].




References I

-  Fickert, M., Gu, T., and Ruml, W. (2022).
New Results in Bounded-Suboptimal Search.
In Proc. of AAAI, volume 36, pages 10166–10173.
-  Gerevini, A., Saetti, A., and Serina, I. (2003).
Planning Through Stochastic Local Search and Temporal Action Graphs in LPG.
Journal of Artificial Intelligence Research, 20:239–290.
-  Gilon, D., Felner, A., and Stern, R. (2016).
Dynamic Potential Search - A New Bounded Suboptimal Search.
In Proc. of SoCS, pages 36–44.




References II




-  Hart, P. E., Nilsson, N. J., and Raphael, B. (1968).
A Formal Basis for the Heuristic Determination of Minimum Cost Paths.
IEEE Trans. Syst. Sci. Cybern., 4(2):100–107.
-  Helmert, M. (2006).
The Fast Downward Planning System.
Journal of Artificial Intelligence Research, 26:191–246.
-  Likhachev, M., Gordon, G. J., and Thrun, S. (2003).
ARA*: Anytime A* with provable bounds on sub-optimality.
Advances in Neural Information Processing Systems, 16.
-  Pearl, J. and Kim, J. H. (1982).
Studies in Semi-Admissible Heuristics.
IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell., 4(4):392–399.

References III

-  Percassi, F., Gerevini, A. E., Scala, E., Serina, I., and Vallati, M. (2020). Generating and Exploiting Cost Predictions in Heuristic State-Space Planning. In *Proc. of ICAPS*, volume 30, pages 569–573.
-  Percassi, F., Gerevini, A. E., Scala, E., Serina, I., and Vallati, M. (2021). Improving Domain-Independent Heuristic State-Space Planning via Plan Cost Predictions. *J. Exp. Theor. Artif. Intell.*, 35(6):849–875.
-  Pohl, I. (1970). Heuristic Search Viewed as Path Finding in a Graph. *Artif. Intell.*, 1(3):193–204.

References IV

-  Richter, S., Thayer, J. T., and Ruml, W. (2010).
The Joy of Forgetting: Faster Anytime Search via Restarting.
In *Proc. of ICAPS*, pages 137–144.
-  Stern, R. T., Puzis, R., and Felner, A. (2011).
Potential Search: A Bounded-Cost Search Algorithm.
In *Proc. of ICAPS*, pages 234–241.
-  Thayer, J., Benton, J., and Helmert, M. (2012a).
Better Parameter-Free Anytime Search by Minimizing Time Between Solutions.
In *Proc. of SoCS*, volume 3, pages 120–128.

-  Thayer, J., Stern, R., Felner, A., and Ruml, W. (2012b).
Faster Bounded-Cost Search Using Inadmissible Estimates.
In *Proc. of ICAPS*, volume 22, pages 270–278.
-  Thayer, J. T. and Ruml, W. (2011).
Bounded Suboptimal Search: A Direct Approach Using Inadmissible Estimates.
In *Proc. of IJCAI*, pages 674–679.
-  van den Berg, J., Shah, R., Huang, A., and Goldberg, K. Y. (2011).
Anytime Nonparametric A*.
In *Proc. of AAAI*, pages 105–111.

Grazie per la vostra attenzione.

Francesco
Percassi

Preliminari

Algoritmi BSS

Algoritmi BCS
& Migrazione

Algoritmi
Anytime

Ricerca con
Soft-Bound

Conclusioni